

Refuerzo externo a cortante en vigas de hormigón mediante aleaciones con memoria de forma en base hierro: de la prueba de concepto a la escala real

Shear strengthening of reinforced concrete beams through the use of iron-based shape memory alloys: from the proof-of-concept to the real scale

Antoni Cladera^a, Luis Montoya-Coronado^b, Joaquín Ruiz-Pinilla^c, Carlos Ribas^d

^a Prof. Dr. Dept. of Physics, University of Balearic Islands, Palma (Mallorca), Spain
^b Dr. Research Fellow, University of Balearic Islands, Palma (Mallorca), Spain
^c Prof. Dr. Dept. of Physics, University of Balearic Islands, Palma (Mallorca), Spain
^d Prof. Dr. Dept. of Physics, University of Balearic Islands, Palma (Mallorca), Spain

RESUMEN

Las barras corrugadas y los flejes de aleación con memoria de forma en base hierro (Fe-SMA, de su denominación en inglés) son ya una realidad en el mercado europeo de la construcción y, de hecho, ya son varios los proyectos reales en los que estos elementos se han utilizado para el refuerzo estructural. En esta comunicación se presentará la tecnología desarrollada por los autores para el refuerzo externo a cortante mediante la utilización de flejes de Fe-SMA a través de dos campañas experimentales: la primera de ellas llevada a cabo como prueba de concepto en vigas de hormigón a pequeña escala, y la segunda en vigas a escala real con sección en T, comentándose las dificultades encontradas y los resultados obtenidos.

ABSTRACT

Iron based shape memory alloy (Fe-SMA) rebars and strips are already a reality in the European construction market and, in fact, there are already several real projects where these elements have been used for strengthening. In this communication, the technology for external shear strengthening using Fe-SMA strips will be presented through two experimental campaigns: the first one carried out as proof-of-concept in small-scale RC beams, and the second one in real-scale beams with T-cross section. The difficulties encountered and the results obtained will be commented.

PALABRAS CLAVE: hormigón armado, vigas, refuerzo, cortante, SMA, experimentación. **KEYWORDS:** reinforced concrete, beams, strengthening, shear, SMA, experimentation.

1. Introducción

Las aleaciones con memoria de forma (SMA de sus siglas en inglés) son todavía bastante desconocidas en el sector de la construcción, pese a lo cual se han introducido durante los últimos años en diversos proyectos reales, principalmente en rehabilitación [1,2] pero también en algunos proyectos de obra nueva [3], gracias a sus excepcionales propiedades [4]. Entre ellas, destaca su capacidad de alcanzar grandes deformaciones y regresar a una forma definida previamente al descargar o al calentarlas [5], ya sea mediante una aportación directa de

calor o mediante la creación de un circuito gracias al efecto Joule. eléctrico Estas características diferenciadoras de las SMA hacen de ellas materiales únicos capaces de ser utilizados en estructuras que respondan y se adapten a los cambios del entorno. Sin embargo, la propiedad más característica de estos materiales es que la respuesta al estímulo es pronunciada y abrupta, al contrario de lo que pasa con la mayoría de los materiales convencionales, que presentan respuestas proporcionales al estímulo. Además, esta respuesta sólo se da para ciertos valores concretos del estímulo, permitiendo largos periodos de inactividad.

La rotura por cortante de un elemento de hormigón es una rotura frágil, que en caso de producirse, podría impedir la creación de roturas plásticas y la rotura por elemento a flexión tras la plastificación de la armadura a flexión. Por este motivo, es frecuente recurrir a refuerzos externos por cortante cuando se evalúa que la resistencia a cortante puede ser crítica, con frecuencia ante el aumento de las cargas o por disminución de la armadura resistente a cortante por problemas de durabilidad. En cualquier caso, la mayor parte de los procedimientos más habituales de refuerzo externo a cortante son de tipo pasivo, es decir, el material de refuerzo externo inicia su colaboración estructural tras un incremento de las cargas aplicadas en la estructura. Este sería el caso, entre otros, de diferentes técnicas de refuerzo con polímeros reforzados con fibras (FRP) [6,7] o, por ejemplo, la utilización externa de flejes de acero o encamisados incluyendo armadura a cortante [8].

En esta comunicación se presentarán y compararán las características más relevantes del proceso de refuerzo seguido en dos campañas experimentales de refuerzo activo a cortante mediante la utilización de aleaciones con memoria de forma en base hierro, así como los resultados en ambas campañas. La primera de ellas se llevó a cabo a nivel de prueba de concepto, e implicó el ensayo de 10 vigasprobetas de hormigón de pequeño tamaño [9]. La segunda campaña, cuyos resultados se presentan por primera vez en este artículo, consistió en la realización de 8 ensayos en 4 vigas a escala real.

2. Las aleaciones con memoria de forma en base hierro

En la bibliografía técnica se pueden encontrar múltiples estados del conocimiento relativos a la aplicación de las SMA a estructuras de ingeniería civil, entre otros los publicados en las referencias [4,10,11]. Por ello, en este apartado solo se mencionarán los aspectos esenciales relacionados con la aleaciones de memoria de forma utilizada y teniendo en cuenta su aplicación a refuerzo externo a cortante.





Figura presenta La 1 de forma esquemática el procedimiento para utilizar las Fe-SMA como pretensado, ya sea longitudinal o transversal, como en el caso del refuerzo a cortante. En primer lugar es necesario producir martensita a nivel atómico, produciendo la transformación martensítica directa, mediante un pre-estiramiento (curva negra en la Figura pre-estiramiento, 1.a). Este hasta una deformación de entre el 2 y el 4%, puede haber sido realizada directamente por el proveedor, como es el caso en los flejes utilizados en la segunda campaña experimental. Tras la descarga, el material está preparado para su disposición en el elemento estructural, en este caso rodeando la viga, para lo que se debe anclar adecuadamente. Una vez anclado correctamente, es preciso activar el material: esto se consigue incrementando su temperatura para que se produzca la transformación martensítica inversa, transformando la martensita en austenita, por lo que la Fe-SMA querrá recuperar su forma previa al estiramiento, acortándose. Al estar la deformación impedida, se generarán tensiones

de recuperación (curva roja en la Figura 1). Estas tensiones de recuperación se mantienen tras el posterior enfriamiento. En este punto, el proceso de refuerzo a finalizado (salvo la posible ejecución de alguna protección ante la corrosión o incendio, por ejemplo mediante hormigón gunitado). Frente a cualquier incremento posterior de carga, el material podrá incrementar su tensión y deformación (curva azul en la Figura 1a).

La curva tensión-deformación del material es no lineal, y ésta será diferente en función del estado del material (sin pre-estiramiento, preestirado, activado, etc.), por lo que será esencial llevar a cabo la caracterización del material. Se puede consultar más información en [9,12].

3. Descripción de las campañas experimentales

La tabla 1 presenta las características principales de los 18 ensayos efectuados.

Campaña	Ensayo	b [mm]	b _w [mm]	h [mm]	a/d	f _{cm} [MPa]	Separación nominal flejes [mm]	Ancho x espesor flejes [mm]	Estado Fe-SMA	V _{test} [kN]	$\delta_{test} at V_{test}$ [mm]
	R1	80	80	150	2.68	30.1	-	-	-	17.95	3.24
	R2	80	80	150	2.68	30.1	-	-	-	15.82	1.53
	SP1	80	80	150	2.68	30.1	90	25 x 0.5	No activado	29.51	7.88
	SP2	80	80	150	2.68	30.1	90	25 x 0.5	No activado	31.01	9.34
1: Prueba de	SA1	80	80	150	2.68	30.1	90	25 x 0.5	Activado	31.69	6.52
concepto	SA2	80	80	150	2.68	30.1	90	25 x 0.5	Activado	31.64	5.83
	SPn1	80	80	150	2.68	30.5	90	12.5 x 0.5	No activado	25.18	7.05
	SAn1	80	80	150	2.68	30.5	90	12.5 x 0.5	Activado	27.55	4.14
	Cr1-SPn1	80	80	150	2.68	31.0	90	12.5 x 0.5	No activado	29.75	6.65
	Cr2-SAn1	80	80	150	2.68	31.0	90	12.5 x 0.5	Activado	29.15	4.69
	1-1-R	600	200	550	3.02	33.1	-	-	-	227.9	15.4
	1-2-R	600	200	550	3.02	33.1	-	-	-	299.1	18.2
	2-1-A-5	600	200	550	3.02	33.4	240	60 x 1.5	Activado	329.3	20.4
2: Escala	2-2-A-5	600	200	550	3.02	33.4	240	60 x 1.5	Activado	339.8	18.2
real	3-1-A-10	600	200	550	3.02	33.5	120	30 x 1.5	Activado	363.4	20.1
	3-2-A-10	600	200	550	3.02	33.5	120	30 x 1.5	Activado	353.2	21.1
	4-1-P-10	600	200	550	3.02	33.5	120	30 x 1.5	No activado	358.9	19.2
	4-2-P-10	600	200	550	3.02	33.5	120	30 x 1.5	No activado	329.0	18.1

Tabla 1. Descripción de las campañas experimentales





Figura 2. Colocación del refuerzo externo en sección rectangular, utilizando tensor de flejes. Campaña 1.



Figura 3. Colocación refuerzo externo. Sección en T.



Figura 4. Espacio entre el fleje y el paramento del hormigón antes y después de la activación.

Las vigas de la campaña experimental 1 eran de pequeña escala (canto de 150 mm; luz a cortante de 340 mm, longitud total 900 mm) y de sección rectangular. Por el contrario, las vigas de la campaña experimental 2 se construyeron a escala real (canto de 550 mm; luz a cortante de 1477.5 mm, longitud total 5800 mm) y con sección en T. Cabe destacar que el diseño corresponde al previamente utilizado por otros autores en una campaña de refuerzo con láminas de FRP [7].

El cambio de tipo de sección obligó a cambiar el procedimiento de montaje. En las pequeñas vigas rectangulares se optó por utilizar flejes que envolvieron completamente la sección transversal (Figura 2), resultando en un sistema auto-anclado, pudiéndose utilizar, además, un tensor de flejes manual minimizar el error de montaje. En cambio, en las vigas con sección en T, se optó por utilizar los flejes disponiéndolos en forma de U, sin atravesar la capa de compresión, y anclando los flejes a cada lado del alma mediante anclajes mecánicos (Figura 3). En cualquier caso, la pequeña separación entre los flejes y el paramento de hormigón existente tras la instalación de los flejes en U, prácticamente desaparecía durante el proceso de activación, gracias a la recuperación de la forma (Figura 4).

Otra diferencia importante entre las vigas de ambas campañas es que los elementos de la campaña 1 (ver Tabla 1) no tenían armadura a cortante en su interior, mientras que las vigas de la campaña 2 tenían, en las zonas críticas a cortante, cercos ϕ 6 cada 240 mm.

3.1 Caracterización de los materiales

Previamente a la realización de los ensayos se llevó a cabo una completa caracterización de los materiales utilizados en ambas campañas experimentales. La información más importante se presenta a continuación.

La resistencia a compresión objetivo en ambas campañas experimentales era de 30 MPa, para simular un hormigón no excesivamente resistente de un elemento fabricado con condicionantes menos rígidos que los incluidos en la normativa actual. La resistencia media a compresión para cada viga, estimada para el día del ensayo, se ha presentado en la Tabla 1.

En el caso de los elementos de la campaña 1, la armadura longitudinal estaba formada únicamente por 1Ø16. El valor medio del límite elástico de estas barras fue $f_y = 550$ MPa y la resistencia última $f_u = 649$ MPa.

En el caso de las vigas de la campaña 2, se utilizaron $4\emptyset16 + 4\emptyset20$ como armadura longitudinal. El valor medio del límite elástico fue de 525 MPa y 519 MPa, para las barras de ambos diámetros, y la resistencia última, 639 MPa y 623 MPa.

Las características de los flejes de Fe-SMA utilizadas en ambas campañas son muy similares, pese a la diferencia de espesor. En la referencia [12] se presenta una caracterización muy detallada de los flejes de espesor 0.5 mm y de 1.5 mm. A modo de resumen, la figura 5 muestra la curva tensión-deformación del material original y tras la activación de una muestra real de 0.5 mm (Figura 5a), así como la generación real de tensiones de recuperación, en el entorno de 350 MPa. El límite elástico, entendido como la tensión para una deformación permanente del 0.2%, fue de 475 MPa y 470 MPa para los flejes de 0.5 y 1.5 mm, respectivamente, y la tensión de rotura 950 y 940 MPa

4. Resultados

La Tabla 1 y la Figura 6 resumen los resultados más importantes obtenidos en relación al cortante máximo experimental (V_{test}) y la flecha máxima bajo el punto de aplicación de la carga (δ_{test}). Se observa que, en Estado Límite Último, las vigas reforzadas resisten esfuerzos cortantes más elevados en todos los casos, pero con notables diferencias.

En el caso de las vigas de la primera campaña, las vigas reforzadas con flejes de 25 mm (Figura 6a) fallaron a flexión, mientras que las vigas de referencia, o las vigas reforzadas con flejes de 12.5 mm fallaron a cortante.

Figura 5. a) Curva tensión-deformación incluyendo pre-estiramiento, tensión de recuperación (azul) y carga posterior. b) Generación de tensiones de recuperación (activación) [9].

En la Figura 6d los ensayos se han agrupado por ensayos equivalentes. En la mayor parte de los casos se tratan de ensayos idénticos, excepto en el caso de las vigas con flejes de 12.5 mm, en que una de las vigas estaba prefisurada (Cr1 o Cr2), y su viga gemela no había sido prefisurada. Se observa que en el caso de la primera campaña experimental, el incremento de carga última de las vigas reforzadas está en el entorno de entre el 60% y algo más del 80%, resistiendo, en valor medio, más las vigas con los flejes activados.

En el caso de las vigas de la segunda campaña (Figuras 6c y 6d), el aumento de cortante de rotura se sitúa entre el 25 y 35%, aproximadamente, de lo que resistieron las vigas de referencia. Se trata de un incremento moderado causado, a juicio de los autores, por problemas de anclaje de los flejes en el alma.

VIII Congreso de la Asociación Española de Ingeniería Estructural ACHE

a. Campaña 1: vigas referencia y con flejes de 25 mm

b. Campaña 2: vigas referencia y con flejes de 12.5 mm

Figura 6. Curvas esfuerzo cortante-flecha e incrementos de carga última a rotura.

En todo caso, la diferencia principal de comportamiento por el efecto de las tensiones de recuperación se debe buscar en la fisuración de las vigas, y por tanto, relacionadas a los estados límite de servicio. La figura 7 presenta, a modo de ejemplo, la fisuración en rotura de dos vigas de la primera campaña experimental. Las vigas son idénticas, pero en la representada en la Figura 7a (SP1) los flejes se comportan de forma pasiva, al no haber sido previamente activados. En contra, en la viga dela Figura 7b (SA1), los flejes han sido activados antes de la aplicación de la carga. Se observa claramente que las fisuras a cortante que aparece en ambos vanos de la viga SP1, entre el soporte y el punto de aplicación de la carga, no se ha producido en el caso de la viga SP2 con flejes activos.

En el caso de todas las demás vigas que fallaron por cortante de la primera campaña experimental, se observó un retraso en la aparición de la fisuración por cortante en el caso de las vigas con flejes activados.

Figura 7. Fisuración de las vigas justo después de la carga máxima. a) Viga SP1: flejes de 25 mm sin activación. b) Viga SA1: flejes de 25 mm activados.

Ensayo	Vo = 0.3 mm [kN]	Media V _o = 0.3 mm [kN]	ΔV _ω = 0.3 mm [%]	
1-1-R	123	123	-	
1-2-R	123	125	_	
2-1-A-5	140	164	33	
2-2-A-5	187	104	55	
3-1-A-10	142	152	24	
3-2-A-10	162	152	<u>4</u> 7	
4-1-P-10	138	138	12	
4-2-P-10	139	150	14	

Tabla 2. Cortante para abertura de fisura de 0.3 mmen campaña experimental 2.

En la campaña experimental 2 se midió, mediante la utilización de transductores de desplazamiento tipo Encoder, la deformación diagonal, a tracción y compresión, en el alma en la zona de la fisura crítica. Si bien no se trata de una medida exacta, la medida del transductor a tracción puede asimilarse a la apertura de fisura. A partir de estas lecturas, en la Tabla 2 se presenta el valor del cortante para el que la deformación por tracción en el alma es igual a 0.3 mm. A nivel medio, se observa que el cortante se incrementa entre un 24 y un 33% para el caso de vigas con flejes activados, mientras que el incremento es más modesto (12%) en el caso de flejes sin activar (refuerzo pasivo).

5. Discusión

El refuerzo activo exterior a cortante mediante la utilización de flejes de Fe-SMA es una tecnología muy novedosa de la que se disponen, a día de hoy, muy pocos resultados publicados en revistas científicas, por este motivo, cualquier discusión debe ser entendida con cautela.

En cualquier caso, en las dos campañas experimentales llevadas a cabo, se ha mostrado un incremento del esfuerzo de rotura por cortante y un mejor comportamiento en cuanto a la aparición de fisuras. Sin embargo, el resultado para las vigas a escala real no ha sido tan satisfactorio como se esperaba.

Figura 8: Detalle de fisura que se propaga produciendo el fallo de los anclajes mecánicos en el alma.

A falta de un mayor número de resultados experimentales, la diferencia de nivel de refuerzo obtenido entre las dos campañas experimentales podrían deberse más al cambio de la sección transversal del elemento, de sección rectangular a sección en T, que a algún tipo de fenómeno relacionado con la escala.

Al inicio de la campaña experimental se tomó la decisión de reforzar las vigas intentando evitar la perforación del ala comprimida, lo que obligó a utilizar refuerzos externos en forma de U, anclados en el alma, tal y como se ha propuesto en muchísimos trabajos para refuerzos externos con FRP. Sin embargo, tras el transcurso de los ensayos, la decisión no fue tal vez la óptima por dos motivos:

> Los anclajes mecánicos se fijaban en el alma, sometida a tracciones diagonales, debilitándola en cierto modo. De esta forma, las fisuras a cortante invariablemente se dirigían a las fijaciones mecánicas, tal y como se aprecia en la Figura 8, produciendo el fallo de los anclajes mecánicos y, por tanto, impidiendo el trabajo correcto de los flejes.

Figura 9: Modelo de celosía de Mörsch.

Figura 10: Modelo de celosía optimizado considerando la fisuración real de un ensayo [13].

• En cualquier modelo de resistencia a cortante, desde el antiguo modelo de Mörsch representado en la Figura 9, hasta un modelo de celosía optimizado considerando la fisuración real durante un ensayo, Figura 10, se necesita que la tracción del alma se transmita desde la armadura longitudinal a tracción al cordón comprimido (que podría tener altura variable), siempre y cuando el cortante no se resista exclusivamente mediante el efecto arco. En cualquier caso, el efecto arco se puede obviar, en general, para relaciones a/d mayores a 2.5, excepto en la zona más próxima al apoyo (zona de discontinuidad), tal y como se observa en la Figura 10. El hecho de que los flejes externos se anclasen por debajo de la cabeza comprimida, impidió el correcto "cierre" de la celosía a cortante, por lo que la resistencia de la viga estaba condicionada por la resistencia de la zona superior del alma, por encima del anclaje y por debajo del cordón comprimido.

La combinación de los dos fenómenos anteriores podría haber afectado de forma importante a la resistencia última a cortante de las vigas ensayadas, por lo que se propone, como futuros trabajos, el ensayo de vigas con sección en T, pero utilizando flejes que envuelvan totalmente el alma de la viga, perforando la cabeza comprimida.

6. Conclusiones

En esta comunicación se han presentado dos campañas experimentales de refuerzo activo a cortante en vigas de hormigón armado, la primera de ellas a pequeña escala y la segunda a escala real.

Al tratarse de una tecnología muy novedosa, es necesario ser cauteloso con las conclusiones y es preciso continuar con el trabajo de investigación. En cualquier caso, en ambas campañas se ha obervado un mejor comportamiento en condiciones de servicio y un aumento de la carga última resistida. Sin embargo, el comportamiento de las vigas a escala real y con sección en T, reforzadas con Fe-SMA, ha sido menos satisfactorio que el de las vigas a pequeña escala con sección rectangular. No obstante, a falta de ratificación experimental, el motivo puede ser explicado por el refuerzo en forma de U utilizado en el caso de las vigas con sección en T, que no "cerraba" la celosía a cortante, y que no conseguía un perfecto anclaje de la armadura de refuerzo al dirigirse las fisuras de cortante a la ubicación de los anclaies. Se recomienda disponer, en el futuro, los anclajes mecánicos de los flejes en la parte superior de la cabeza comprimida, de forma que el refuerzo envuelva totalmente la zona del alma traccionada por cortante, como es el caso de la primera campaña experimental presentada.

Agradecimientos

Esta investigación ha sido posible gracias a dos proyectos de investigación. Los ensayos a escala real se han realizado con la Beca Leonardo a Investigadores y Creadores Culturales 2018 de la Fundación BBVA. La Fundación no se responsabiliza de las opiniones, comentarios y contenidos incluidos en el proyecto y/o los resultados obtenidos del mismo, los cuales son total y absoluta responsabilidad de sus autores. Los ensayos a pequeña escala se realizaron en el marco del proyecto Horvital -sp2 (BIA2015-64672-C4-3-R) confinanciado por la Agencia Estatal de Investigación y Fondos FEDER (UE). Los autores, además, desean agradecer a re-fer AG Strengthening Solution Company por el suministro de los flejes de SMA y a la empresa Labartec, por habernos permitir ejecutar los ensayos a escala real en su laboratorio, gracias a un convenio con la UIB.

Referencias

- B. Schranz, J. Michels, M. Shahverdi, C. Czaderski, Strengthening of concrete structures with iron-based shape memory alloy elements: Case studies, in: SMAR 2019 Fifth Conf. Smart Monit. Assess. Rehabil. Civ. Struct., Zurich, Switzerland, 2019.
- [2] J. Mercier, B. Basile, X. Hallopeau, J. Michels, C. Tourneur, Structural concrete strengthening with Fe-SMA strips: case study with specific control after activation, in: SMAR 2019 - Fifth Conf. Smart Monit. Assess. Rehabil. Civ. Struct., Zurich, Switzerland, 2019.
- S. Varela, M. Saiid Saiidi, A bridge column with superelastic NiTi SMA and replaceable rubber hinge for earthquake damage mitigation, Smart Mater. Struct. 25 (2016) 075012. doi:10.1088/0964-1726/25/7/075012.
- [4] B. Mas, A. Cladera, C. Ribas, Fundamentos y aplicaciones piloto de las aleaciones con memoria de forma para su utilización en ingeniería estructural,

Hormigón y Acero. 67 (2016) 309–323. doi:10.1016/j.hya.2016.02.007.

- [5] K. Otsuka, C.M. Wayman, Shape Memory Materials, Cambridge University Press, United Kingdom, 1998.
- R.M. Foster, M. Brindley, J.M. Lees, T.J. [6] Ibell, C.T. Morley, A.P. Darby, M.C. Evernden, Experimental Investigation of Reinforced Concrete T-Beams Strengthened in Shear with Externally Bonded CFRP Sheets, J. Compos. 04016086. Constr. 21 (2017)doi:10.1061/(ASCE)CC.1943-5614.0000743.
- [7] E. Oller, M. Pujol, A. Marí, Contribution of externally bonded FRP shear reinforcement to the shear strength of RC beams, Compos. Part B Eng. 164 (2019) 235–248. doi:10.1016/j.compositesb.2018.11.065.
- [8] B.B. Adhikary, H. Mutsuyoshi, Shear strengthening of reinforced concrete beams using various techniques, Constr. Build. Mater. 20 (2006) 366–373. doi:10.1016/j.conbuildmat.2005.01.024.
- [9] L.A. Montoya-Coronado, J.G. Ruiz-Pinilla, C. Ribas, A. Cladera, Experimental study on shear strengthening of shear critical RC beams using iron-based shape memory alloy strips, Eng. Struct. 200 (2019) 109680. doi:10.1016/j.engstruct.2019.109680.
- [10] L. Janke, C. Czaderski, M. Motavalli, J. Ruth, Applications of shape memory alloys in civil engineering structures -Overview, limits and new ideas, Mater. Struct. Constr. 38 (2005) 578–592. doi:10.1617/14323.
- [11] A. Cladera, B. Weber, C. Leinenbach, C. Czaderski, M. Shahverdi, M. Motavalli, Iron-based shape memory alloys for civil engineering structures: An overview, Constr. Build. Mater. 63 (2014) 281–293. doi:10.1016/j.conbuildmat.2014.04.032.
- [12] M. Shahverdi, J. Michels, C. Czaderski, M. Motavalli, Iron-based shape memory alloy strips for strengthening RC members: Material behavior and

characterization, Constr. Build. Mater. 173 (2018) 586–599. doi:10.1016/j.conbuildmat.2018.04.057.

[13] J.M. Bairán, A. Marí, A. Cladera, Analysis of shear resisting actions by means of optimization of strut and tie models taking into account crack patterns, Hormigón y Acero. 69 (2018) 197–206. doi:10.1016/j.hya.2017.04.009.